



# Tentamen med lösningar

## IE1204-5 Digital Design

### Fredag 13/1 2017 08.00-12.00

---

**Allmän information ( TCOMK, Ask for an english version of this exam if needed )**

Examinator: Ingo Sander.

Ansvarig lärare: Kista, William Sandqvist tel 08-7904487

Ansvarig lärare: Valhallavägen, Ahmed Hemani tel 08-7904469

*Tentamensuppgifterna behöver inte återlämnas när du lämnar in din skrivning.*

*Hjälpmittel:* Inga hjälpmedel är tillåtna!

Tentamen består av tre delar med sammanlagt 14 uppgifter, och totalt 30 poäng:

**Del A1 (Analys)** innehåller åtta korta uppgifter. Rätt besvarad uppgift ger en poäng. Felaktig besvarad ger 0 poäng. Det totala antalet poäng i del A1 är **10 poäng**. För godkänd på del A1 krävs minst **6p**, är det färre poäng rättar vi inte vidare.

**Del A2 (Konstruktionsmetodik)** innehåller två metodikuppgifter om totalt **10 poäng**.

För att bli godkänd på tentamen krävs minst **11 poäng** från A1+A2, är det färre poäng rättar vi inte vidare.

**Del B (Designproblem)** innehåller två friare designuppgifter om totalt **10 poäng**.

**OBS!** I slutet av tentamenshäftet finns ett inlämningsblad för del A1, som ska avskiljas för att lämnas in tillsammans med lösningarna för del A2 och del B.

För ett godkänt betyg (**E**) krävs minst **11 poäng på hela tentamen**. Vid exakt 10p från A1(6p)+A2(4p) erbjuds komplettering (FX) till godkänt.

**Betyg** ges enligt följande:

0 –	11 –	16 –	19 –	22 –	25
F	E	D	C	B	A

---

Resultatet beräknas meddelas före fredagen den 3/2 2017.

## Del A1: Analysuppgifter

Endast svar krävs på uppgifterna i del A1. Lämna svaren på inlämningsbladet för del A1 som du hittar på sista sidan av tentahäftet.

**1.** 1p/0p

En funktion  $f(x, y, z)$  är angiven på minimerad SoP form (Summa av produkter):

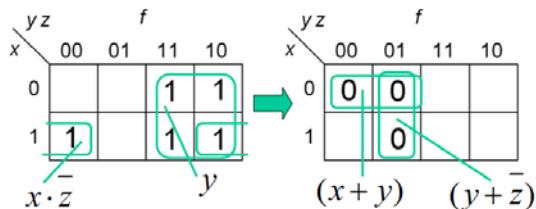
$$f(x, y, z) = \{SoP\}_{\min} = y + x \cdot \bar{z}$$

Ange funktionen som minimerad produkt av summor.

$$f(x, y, z) = \{PoS\}_{\min} = ?$$

**1.** Lösningsförslag.

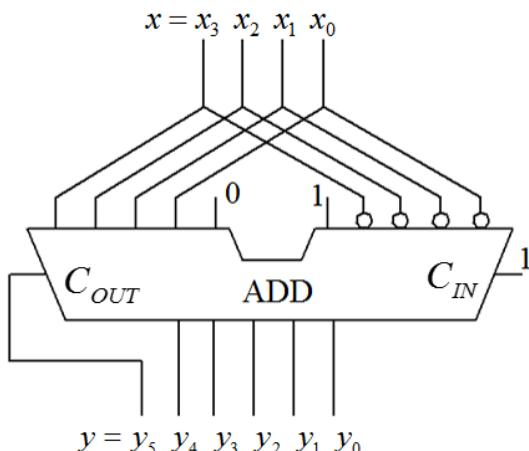
$$f(x, y, z) = \{SoP\}_{\min} = y + x \cdot \bar{z}$$



$$f(x, y, z) = \{PoS\}_{\min} = (x + y) \cdot (y + \bar{z})$$

**2.** 1p/0p

Oanvändbar koppling (!). En 5-bits adderare är kopplad så att den multiplicerar ett binärt teckenlöst 4-bitstal  $x = x_3x_2x_1x_0$  med en konstant  $k$ ,  $y = k \cdot x$ . Antag att talet  $x = 1010_2$  vad blir då summan  $y = y_5y_4y_3y_2y_1y_0$  (6 bitar)?



**2.** Lösningsförslag.

Utan Carry out (5 bitars svar) utför kretsen operationen  $y = (2 \cdot x - 1 \cdot x) = 1 \cdot x$  talet  $x$  förblir opåverkat av adderaren ( $k = 1$ ).  $1010 \rightarrow 01010$ . Med Carry out (6 bitars svar)  $1010 \rightarrow 101010$ . Ja den kopplingen är verkligen oanvändbar utanför tentamen men väl där är den värd 1p.

**3.** 1p/0p

Ett tvåkomplement 16-bitstal är (hexadecimalt)  $x_{16} = \text{FFFFB}$ . Talet placeras som tvåkomplementtal i ett 4-bitsregister (bitarnas antal reduceras med bibehållande av tecknen). Ange talet som decimaltal med tecken och belopp  $\pm x_{10} = ?$

**3.** Lösningsförslag.

De tolv överskjutande teckenbitarna stryks.  $x = B = 1011 = -(0100+1) = -0101_2 = -5_{10}$

**4. 1p/0p**

Ett Karnaughdiagram för en funktion av fyra variabler  $Y = f(x_3, x_2, x_1, x_0)$  ges nedan.

Ange funktionen minimerad  $Y_{\min}$  som en summa av produkter, på **SoP** form.

"-" i diagrammet står för "don't care".

		$x_1 x_0$	00	01	11	10
		$x_3 x_2$	00	01	11	10
$x_3$	$x_2$	00	0 1	1 -	3 1	2 0
		01	4 -	5 1	7 1	6 0
11	10	00	1 0	1 1	1 1	1 1
		01	8 0	9 -	11 1	10 -

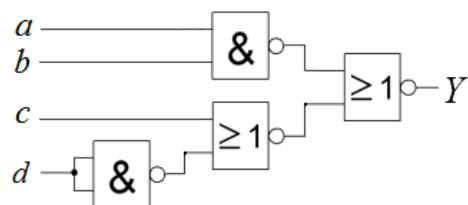
**4. Lösningsförslag.**

		$x_1 x_0$	00	01	11	10
		$x_3 x_2$	00	01	11	10
$x_3$	$x_2$	00	1 1	- 1	3 1	2 0
		01	- 1	5 1	7 1	6 0
11	10	00	1 0	1 1	1 1	1 1
		01	8 0	9 -	11 1	10 -

$$\begin{aligned} Y_{\min} &= f(x_3, x_2, x_1, x_0) = f(x_3, x_1, x_0) = \\ &= x_0 + \overline{x_3} \overline{x_1} + x_3 x_1 = x_0 + \overline{x_3} \oplus x_1 \end{aligned}$$

**5. 1p/0p**

Figuren nedan visar ett grindnät med två NOR grindar och två NAND-grindar. Förenkla funktionen  $Y = f(a, b, c, d)$  så långt som möjligt och ange den på SoP-form.



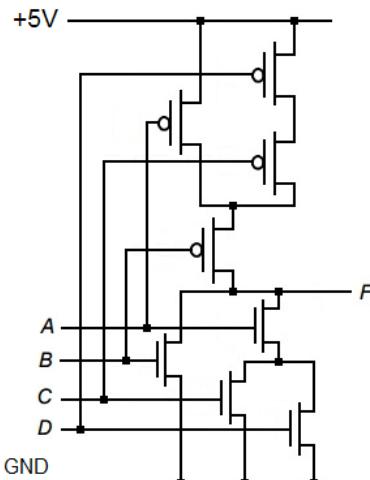
**5. Lösningsförslag.**

$$Y = \overline{\overline{a \cdot b}} + (\overline{c} + \overline{d}) = \{dM\} = a \cdot b \cdot (c + \overline{d}) = abc + ab\overline{d}$$

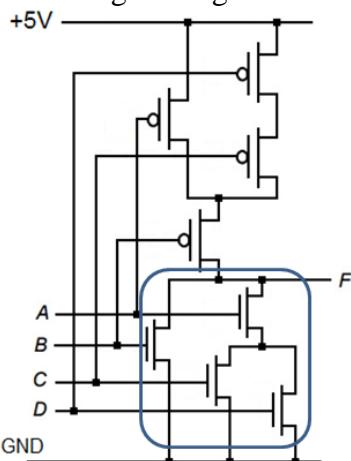
### 6. 1p/0p

Ange den logiska funktionen som realiseras av CMOS kretsen i figuren till höger.

Ange funktionen på SoP-form.  $F = f(A, B, C, D) = ?$



### 6. Lösningsförslag.



*Pulldown net*

$$\overline{F} = B + A \cdot (C + D)$$

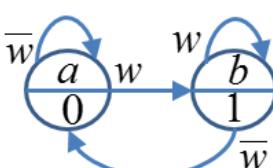
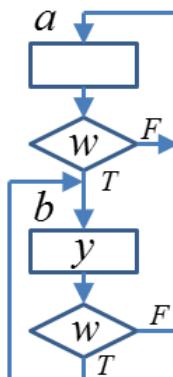
$$\Rightarrow F = \overline{B + A \cdot (C + D)} = \overline{B} \cdot \overline{A} \cdot (C + D) =$$

$$= \overline{B} \cdot (\overline{A} + (\overline{C} + \overline{D})) = \overline{B} \cdot (\overline{A} + \overline{C} \cdot \overline{D}) = \overline{B} \cdot \overline{A} + \overline{B} \cdot \overline{C} \cdot \overline{D}$$

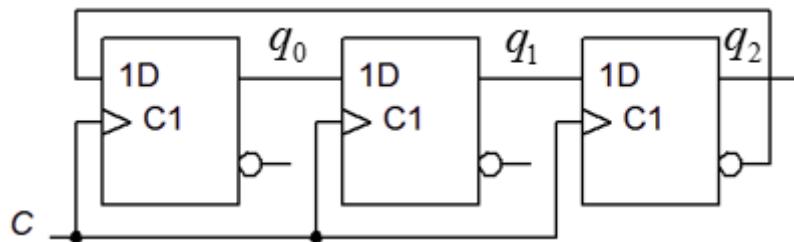
### 7. 1p/0p

Tillståndsmaskiner kan ritas antingen som tillståndsdia-gram (state diagram) eller som ASM chart (Algorithmic State Machine chart). Figuren visar ett ASM chart. Rrita om detta som ett Moore-tillståndsdia-gram. Använd cirklarna i figuren. Cirklarna finns också på svarsblanketten.

7. Lösningsförslag.



8. 1p/0p



En synkron räknare enligt figuren ovan startar med tillståndet  $q_2q_1q_0 = 000$ . Vad blir tillståndet efter fyra klockpulser?

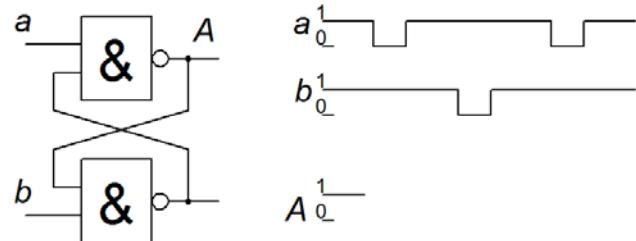
8. Lösningsförslag.

Räknaren är en Möbiusräknare som räknar "Creeping Code".

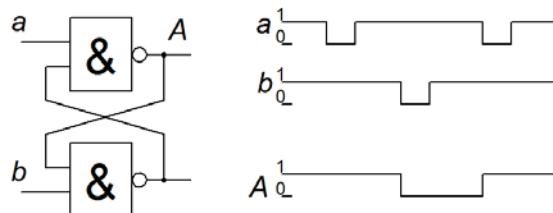
$$q_2q_1q_0 : \quad 000 \rightarrow 001 \rightarrow 011 \rightarrow 111 \rightarrow 110 \quad q_2q_1q_0 = 110$$

9. 1p/0p

Figuren visar ett slags låskrets. Rita färdigt tidsdiagrammet. Figuren finns också på svarsblanketten.



9. Lösningsförslag.



## 10. 1p/0p

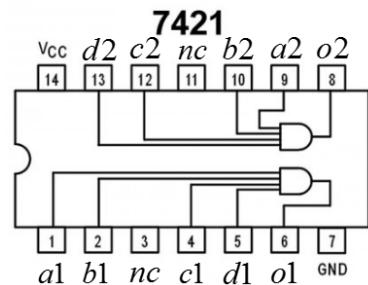
Vid laborationerna har vi använt kretsar från 74-serien. De används numera mest som reservdelar, men finns alla beskrivna med VHDL kod.

Kretsen 7421 visas till höger. Nedan finns delar av kretsens VHDL kod.

I koden har vi dolt raden för  $o_1$  (med tecknen •).

Skriv VHDL kodens för raden

```
o2 <= ( ) ;
```



```
library ieee;
use ieee.std_logic_1164.all;

entity A74XX21 is
port (
    a1 : in std_logic;
    b1 : in std_logic;
    c1 : in std_logic;
    d1 : in std_logic;
    a2 : in std_logic;
    b2 : in std_logic;
    c2 : in std_logic;
    d2 : in std_logic;
    o1 : out std_logic;
    o2 : out std_logic );
end entity;

architecture dataflow of A74XX21 is
begin

    o1 <= ( •• ••• •• ••• •• ••• •• ) ;

    o2 <= ( ) ;

end architecture;
```

---

## 10. Lösningsförslag.

```
o2 <= ( a2 and b2 and c2 and d2 ) ;
```

---

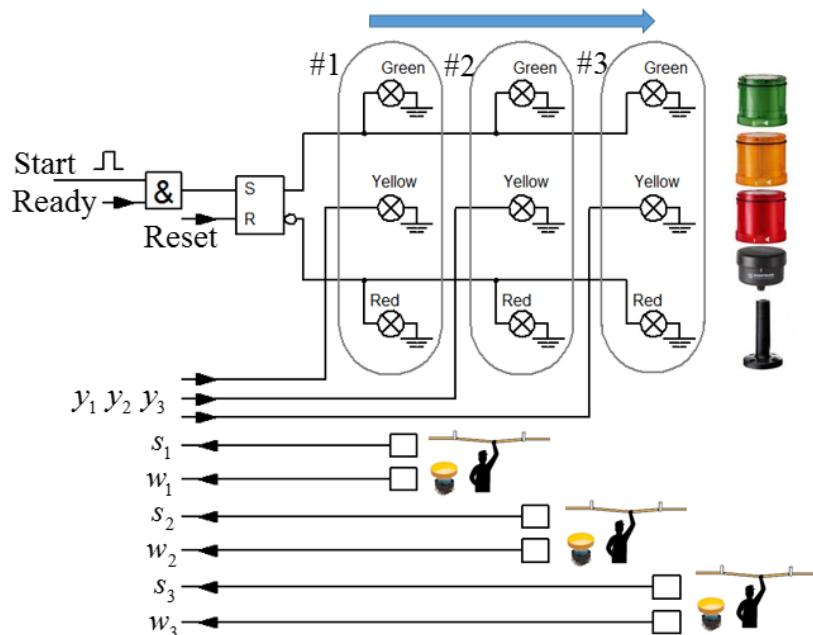
## Del A2: Konstruktionsmetodik

Observera! Del A2 rättas endast om Du är godkänd på del A1

11. 4p

**ANDON** signalljus. Vid tillverkning i fabriker med löpande band använder man ett system med varningsljus Grönt (G) Gult (Y) Rött (R) vid stationerna. Operatörerna har en stoppknapp (med en lina) som stoppar det löpande bandet och alla stationer signalerar då **rött**. Operatören har också en varningsknapp för att tillkalla hjälp. Den signalerar **gult** ljus vid egna stationen och alla tidigare stationer längs bandet, men utan att stoppa bandet.

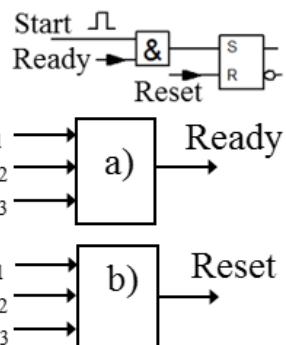
När alla hinder är undanrörda kan bandet startas igen med en startpuls (Start). Alla stationer signalerar då **grönt** ljus. Se figuren som visar tre stationer med operatörsknappar och lampor. Pilen anger transportbandets rörelseriktning.



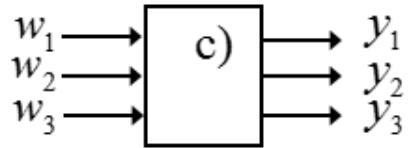
a) (a+b=1p) (**Grönt**) En kort puls Start = 1 kan starta bandet om Ready = 1. Konstruera en krets som ger signalen Ready = 1 om *ingen* av stoppsignalerna  $s_1 s_2 s_3$  är 1.  $\text{Ready} = f(s_1, s_2, s_3)$ .

b) (**Rött**) Man Stoppar bandet genom att Reset =1. Konstruera en krets som ger signalen Reset = 1 om *någon* av signalerna  $s_1 s_2 s_3$  är 1.  $\text{Reset} = f(s_1, s_2, s_3)$ .

Rita de två kretsarna tillsammans, använd få men valfria grindar.



- c) (2p) (Gult) Operatörena kan varna för problem genom att tända en Gul lampa. Signalerna  $w_1 w_2 w_3$  ska dels tända den egna gula lampan ( $y_1$  vid  $w_1$  eller  $y_2$  vid  $w_2$  eller  $y_3$  vid  $w_3$ ), men också tända de gula lampor som hör till de stationer som ligger före i bandets rörelseriktning (stationerna efter ska *inte* varnas).

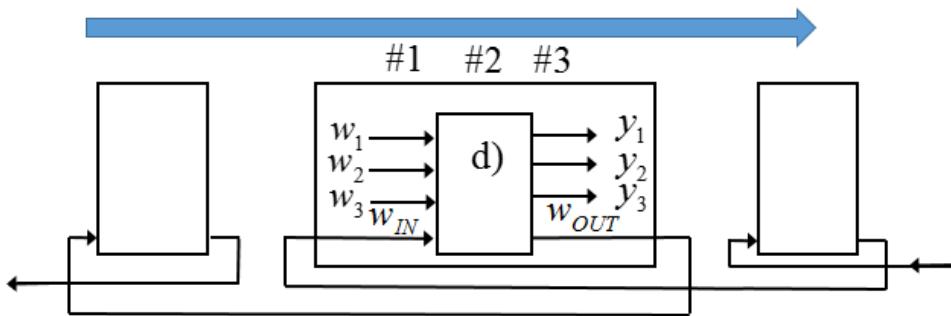


Ställ upp sanningstabell för  $y_1 y_2 y_3 = f(w_1, w_2, w_3)$ .

Tag fram funktionerna  $y_1 = f(w_1, w_2, w_3)$   $y_2 = f(w_1, w_2, w_3)$   $y_3 = f(w_1, w_2, w_3)$  med inspektion av sanningstabellen eller med hjälp av Karnaughdiagram. Konstruera nätet med få och valfria grindar.

- d) (1p) Det är vanligt med fler än tre arbetsstationer längs transportbandet. I figuren har tillkommit en varningssignal  $w_{IN}$  från en efterföljande grupp av stationer och en varningssignal  $w_{OUT}$  till en föregående grupp av stationer.

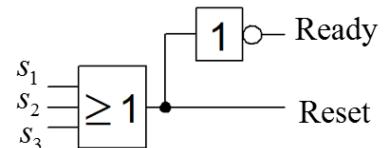
Komplettera kretsen från uppgift c) med signalerna  $w_{IN}$  och  $w_{OUT}$  på ett sådant sätt att den fungerar tillsammans med fler stationer. (Regel: alla stationer före ska också varna med gult ljus).



## 11. Lösningsförslag

a) Ready =  $\overline{s_1} \cdot \overline{s_2} \cdot \overline{s_3} = \overline{\overline{s_1} \cdot \overline{s_2} \cdot \overline{s_3}} = \{dM\} = \overline{s_1 + s_2 + s_3}$

b) Reset =  $s_1 + s_2 + s_3$



c)

$w_1$	$w_2$	$w_3$	$y_1$	$y_2$	$y_3$
0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	1
0	1	0	1	1	0
0	1	1	1	1	1
1	0	0	1	0	0
1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	0
1	1	1	1	1	1

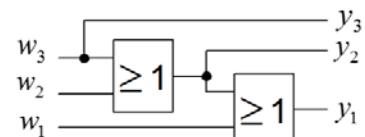
$w_1$	$w_2$	$w_3$	$y_2$
0	0	0	01 11 10
1	0	0	0 1 1 1

$y_2 = w_2 w_3 = w_2 + w_3$

$y_3 = w_3$  (inspection of t-table)

$y_1 = w_1 + w_2 + w_3$  (inspection)

$y_2 = w_2 + w_3$  (K-map)



d)  $w_{IN}$  is or-ed together with  $w_3$ .

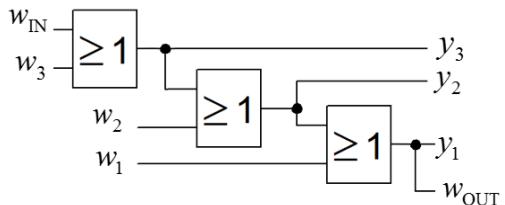
$$y_3 = (w_3 + w_I)$$

$$y_2 = w_2 + (w_3 + w_I)$$

$$y_1 = w_1 + w_2 + (w_3 + w_{IN})$$

$w_{OUT}$  will now be the same as  $y_1$ .

$$w_{OUT} = y_1 = w_1 + w_2 + (w_3 + w_I)$$



## 12. 6p

En modulo-6 synkronräknare är uppbyggd med tre D-vippor en XOR-grind och en AND-grind enligt figuren.

a) (1p) Tag fram uttrycksen för nästa tillstånd

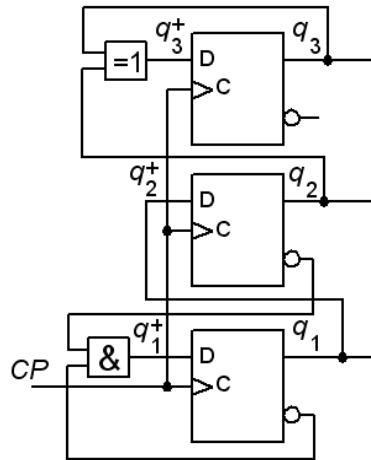
$$q_3^+ = ? \quad q_2^+ = ? \quad q_1^+ = ?$$

b) (1p) Ställ upp den fullständiga tillståndstabellen

$$q_3^+ q_2^+ q_1^+ = f(q_3 q_2 q_1)$$

c) (1p) Rrita det fullständiga tillståndsdiagrammet.

d) (1p) Vilka tillstånd är det som *inte* ingår i modulo-6 räknerekvensen? Vad händer om räknaren hamnar i något av dessa tillstånd?

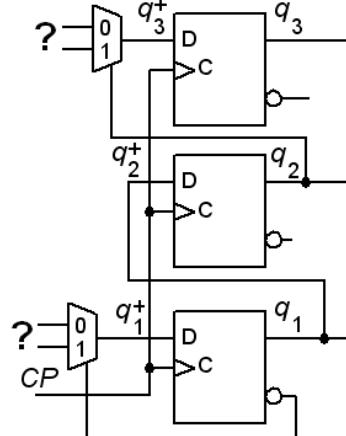


Konstruera nu om räknaren med bibehållande av funktionen, men använd två 2:1 multiplexorer i stället för grindarna. Se figuren.

e) (2p) Vilka signaler ska anslutas till multiplexorernas ingångar för att ersätta grindarna?

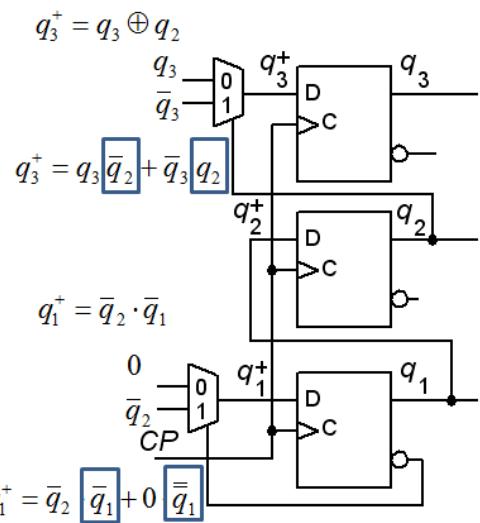
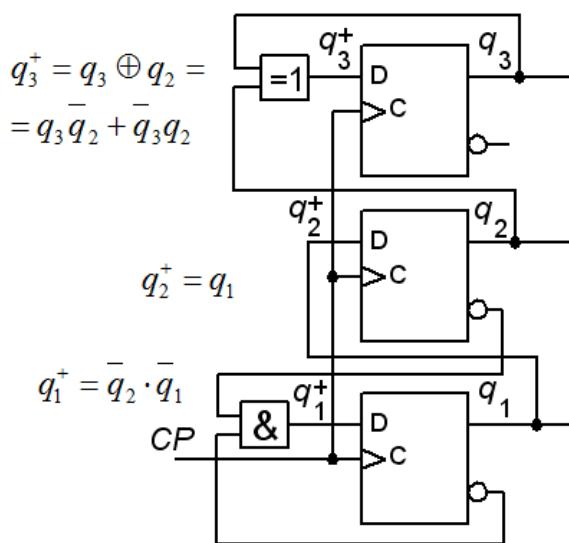
$$q_3^+ : mux_0 = ?, \quad mux_1 = ?$$

$$q_1^+ : mux_0 = ?, \quad mux_1 = ?$$



---

12. Lösningsförslag.



$$q_2 q_1 \quad q_3^+$$

	00	01	11	10
0	0 0	1 1		
1	1 1	0 0		

$$q_2 q_1 \quad q_2^+$$

	00	01	11	10
0	0 0	1 1	0	
1	0 0	1 1	0	

$$q_2 q_1 \quad q_1^+$$

	00	01	11	10
0	1 0	0 0	0	
1	1 1	0 0	0	

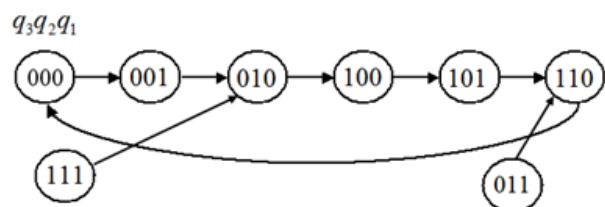
$$q_3^+ = q_3 \bar{q}_2 + \bar{q}_3 q_2$$

$$q_2^+ = q_1$$

$$q_1^+ = \bar{q}_2 \cdot \bar{q}_1$$

$$q_2 q_1 \quad q_3^+ q_2^+ q_1^+$$

	00	01	11	10
0	001 010	110 100		
1	101 110	010 000		

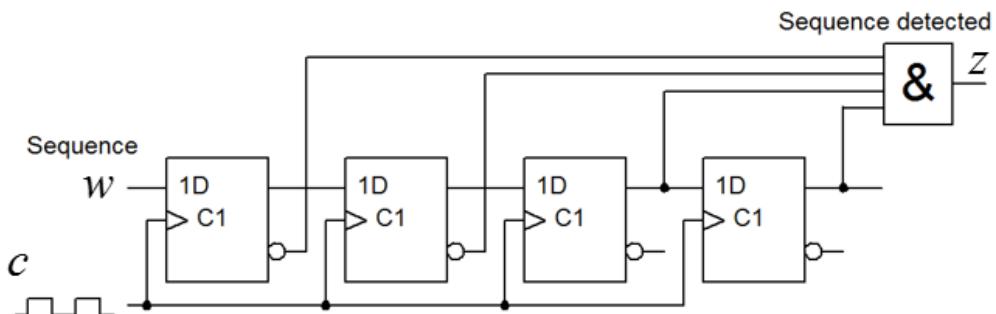
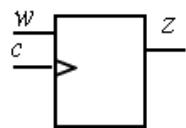


## Del B. Designproblem

Observera! Del B rättas endast om Du har mer än 11p på del A1+A2.

**13. 5p** Synkront sekvensnät. Detektor för specifik händelse.

Ett skiftregister används till att detektera när en **viss sekvens** uppträder i en följd av bitar på skiftingången  $w$ . Signalen  $w$  är synkroniserad med klockpulserna  $c$ . Varje gång den rätta bitsekvensen uppträder blir  $z = 1$ . Vid start är  $w = 0$ .



**a)** (1p) Vilken bitsekvens är det som detekteras?

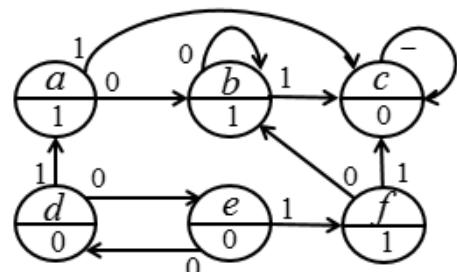
Man kan konstruera en Moore-automat med *färre* D-vippor som detekterar samma sekvens.

**b)** (1p) Rita **tillståndsdigram** för en sådan sekvensdetektor.

**c)** (2p) Ställ upp **tillståndstabell** och **kodad tillståndstabell**, använd *binärkod* som tillståndskod. Tag fram minimerade uttryck för **nästa tillståndsvakodare** och **utgångsvakodare**. Du behöver *inte* rita något kretsschema.

**d)** (1p) Tillståndsminimera följande tillståndsdigram. Rrita sedan det tillståndsminimerade tillståndsdigrammet.

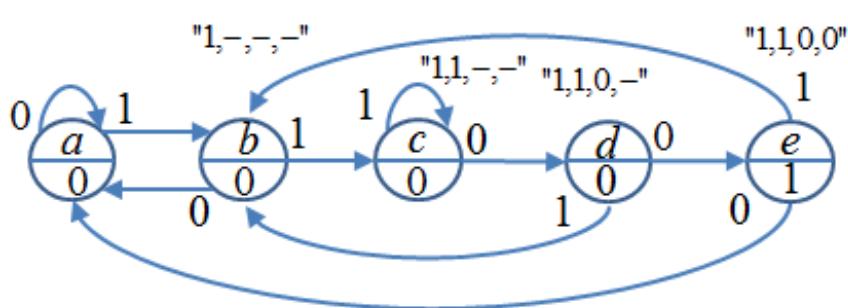
Observera att detta är en helt fristående uppgift utan någon koppling till den tidigare sekvensdetektorn.



13. Lösningsförslag.

**a)** In-sekvensen är  $1 \rightarrow 1 \rightarrow 0 \rightarrow 0$ .

**b)**



	$w$	1	$z$
a	0	a	0
b	1	a	0
c	0	d	0
d	1	e	0
e	0	a	1

c)

$q_2^+ q_1^+ q_0^+$	$w$	$z$	$q_2^+ q_1^+ q_0^+$	$w$	$z$	$q_2^+ q_1^+ q_0^+$	$w$	$z$	$q_2^+ q_1^+ q_0^+$	$w$	$z$
$q_2 q_1 q_0$	0 1	$z$	$q_2 q_1$	$q_0 w$	$q_2^+$	$q_2 q_1$	$q_0 w$	$q_1^+$	$q_2 q_1$	$q_0 w$	$q_1^+$
000	000 001	0	00	00 01 11 10		00	00 01 11 10		00	00 01 11 10	
001	000 010	0	01	0 0 0 0	1	01	0 0 0 0	1	01	0 0 0 0	1
010	011 010	0	11	— — — —		11	— — — —		11	— — — —	
011	100 001	0	10	0 0 — —		10	0 0 — —		10	0 1 — —	
100	000 001	1									

$$z = q_2 \quad q_2^+ = q_1 q_0 \bar{w} \quad q_1^+ = q_1 \bar{q}_0 \bar{w} + \bar{q}_1 q_0 w \quad q_0^+ = q_1 \bar{q}_0 \bar{w} + \bar{q}_1 \bar{q}_0 w + q_1 q_0 w$$

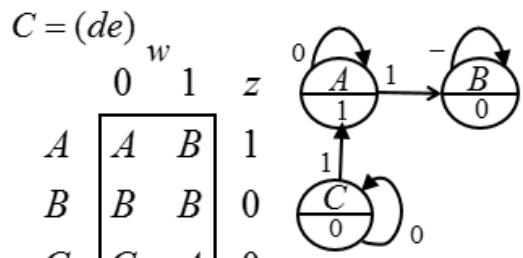
d) Fristående uppgift.

	$w$	0 1	$z$	$(abf)(cde)$
$a$	$b \quad c$	1	$a_0 \rightarrow (abf) \quad a_1 \rightarrow (cde)$	
$b$	$b \quad c$	1	$b_0 \rightarrow (abf) \quad b_1 \rightarrow (cde)$	
$c$	$c \quad c$	0	$(abf)(...)$	
$d$	$e \quad a$	0	$c_0 \rightarrow (cde) \quad c_1 \rightarrow (cde)$	
$e$	$d \quad f$	0	$d_0 \rightarrow (cde) \quad d_1 \rightarrow (abf)$	
$f$	$b \quad c$	1	$e_0 \rightarrow (cde) \quad e_1 \rightarrow (abf)$	$(abf)(c)(de)$

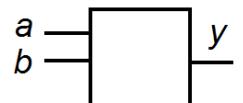
$$A = (abf) \quad B = (c)$$

$$C = (de)$$

$w$	0	1
$A$	$A \quad B$	
$B$	$B \quad B$	
$C$	$C \quad A$	
	0	0



14. 5p Registrering av dubbla flanker.



Pulser inkommer på två ingångar  $a$  och  $b$  till ett **asynkront sekvensnät**. Så fort totalt två positiva flanker (övergångar från  $0 \rightarrow 1$ ) har inkommit till ingångarna så ska sekvensnätets utgång  $y$  bli 1 (och sedan förblif 1 oavsett insignalerna).

Två flanker innebär att det antingen inkommer två pulser till någon av ingångarna eller så inkommer det en puls till vardera ingången. Pulserna kan komma när som helst till ingångarna och inget antagande kan göras om pulsernas längd.

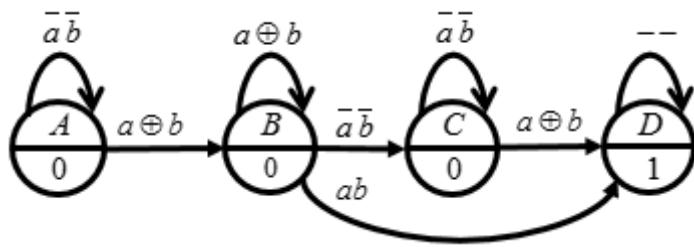
Vid start gäller att båda insignalerna är  $a = b = 0$ . Inga *samtidiga* insignalsändringar kan förekomma.

- a) (2p) Studera de möjliga insignalerna och ställ upp en korrekt **flödestabell** för sekvensnätet. Rita tillståndsdiagram.
- b) (2p) Gör en lämplig **tillståndstilldelning** med en **exitations-tabell** som ger nät som är **fria från kritisk kapplöpning** (kommentera hur Du uppnått detta). Du skall även ta fram de **hasardfria uttrycken** för nästa tillstånd (kommentera hur Du uppnått detta) samt ett **uttryck för utgångsvärdet**.
- c) (0,5p) Rita grindnätet. (Använd valfria grindar).
- d) (0,5p) För att vara användbart behöver sekvensnätet en Reset-ingång så att man kan återstarta kretsen. Komplettera grindnätet med en sådan funktion. (Använd valfria grindar).

14. Lösningsförslag. a)

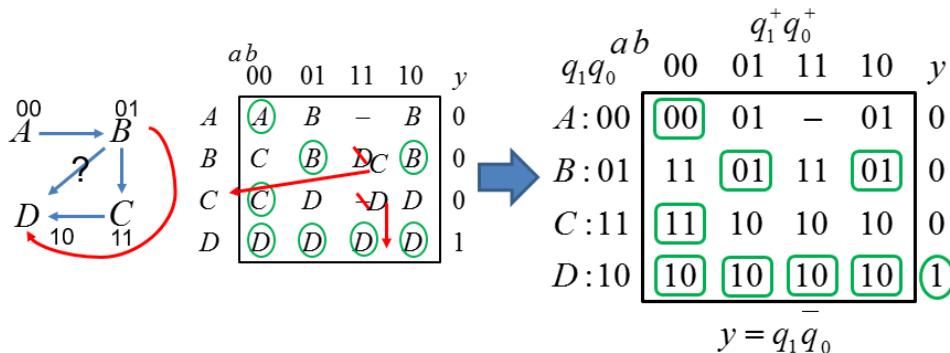
$$\begin{array}{cc} \begin{array}{c} a \\ b \end{array} & \begin{array}{c} a \\ b \end{array} \end{array} \quad 00 \rightarrow 10 \rightarrow 00 \rightarrow 10 \quad 00 \rightarrow 01 \rightarrow 00 \rightarrow 01$$

$$\begin{array}{cc} \begin{array}{c} a \\ b \end{array} & \begin{array}{c} a \\ b \end{array} \end{array} \quad 00 \rightarrow 10 \rightarrow 11 \quad 00 \rightarrow 01 \rightarrow 11$$



	$ab$	00	01	11	10	$y$
$A$	$\textcircled{A}$	$B$	—	$B$		0
$B$	$C$	$\textcircled{B}$	$D$	$\textcircled{B}$		0
$C$	$\textcircled{C}$	$D$	—	$D$		0
$D$	$\textcircled{D}$	$\textcircled{D}$	$\textcircled{D}$	$\textcircled{D}$		1

b)



B and D are on Hammingdistance 2. For  $ab = 11$  in B, unstable state C will forward B to D.

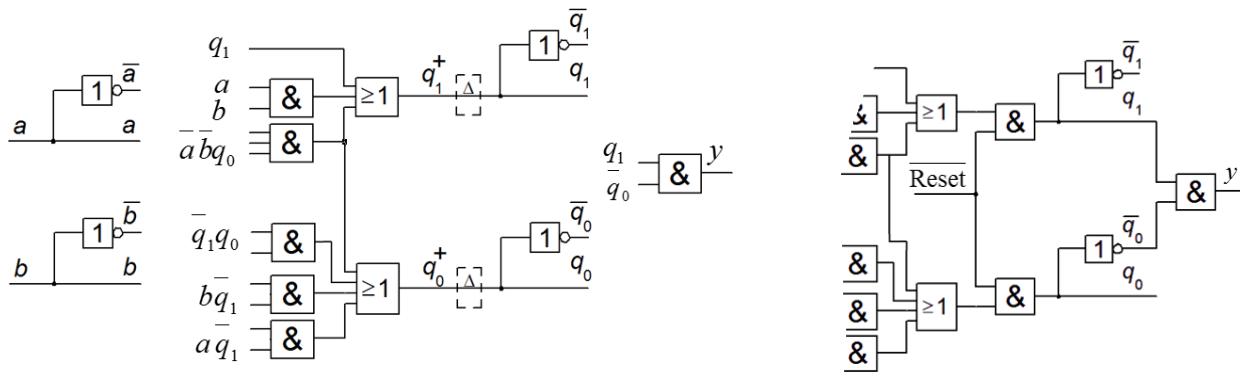
$q_1q_0$	$ab$	$00$	$01$	$q_1^+$	$11$	$10$	$0$
00		0	0	—	0		
01		1	0	1	0		
11		1	1	1	1		
10		1	1	1	1		

$$q_1^+ = q_1 + ab + \bar{a}\bar{b}q_0$$

$q_1q_0$	$ab$	$00$	$01$	$q_0^+$	$11$	$10$
00		0	1	—	1	0
01		1	1	1	1	0
11		1	0	0	0	0
10		0	0	0	0	0

$$q_0^+ = \bar{q}_1q_0 + \bar{a}\bar{b}q_0 + b\bar{q}_1 + a\bar{q}_1$$

c)



d) An active low Reset could be inserted with two and-gates as the initial state A has the code 00.

---

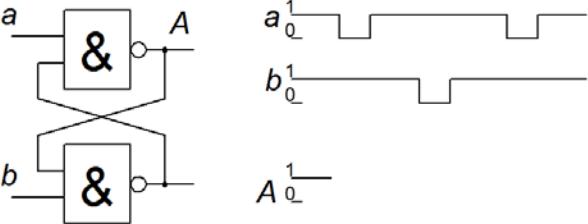
*Lycka till!*

# Inlämningsblad för del A Blad 1

( ta loss och lämna in som blad 1 tillsammans med lösningarna för del A2 och del B )

Efternamn: \_\_\_\_\_ Förnamn: \_\_\_\_\_  
 Personnummer: \_\_\_\_\_ Blad: **1**

**Skriv in dina svar för uppgifterna från del A1 ( 1 till 10 )**

Fråga	Svar
1	$f(x, y, z) = \{PoS\}_{\min} = ?$
2	$x = 1010_2 \rightarrow y = k \cdot x = y_5y_4y_3y_2y_1y_0 = ?$
3	$x_{16} = \text{FFFFB} \rightarrow \text{4-bit} \rightarrow \pm x_{10} = ?$
4	$Y = \{SoP\}_{\min}$
5	$Y = f(a, b, c, d)$
6	$F = f(A, B, C, D)$
7	
8	$q_2q_1q_0 = 000 \rightarrow \rightarrow \rightarrow \rightarrow ??$
9	
10	$\circ 2 \leq ( ) ;$

**Nedanstående del fylls i av examinatorn!**

Del A1 (10)	Del A2 (10)	Del B (10)	Totalt (30)	
Poäng	11	12	13	14
			Summa	Betyg