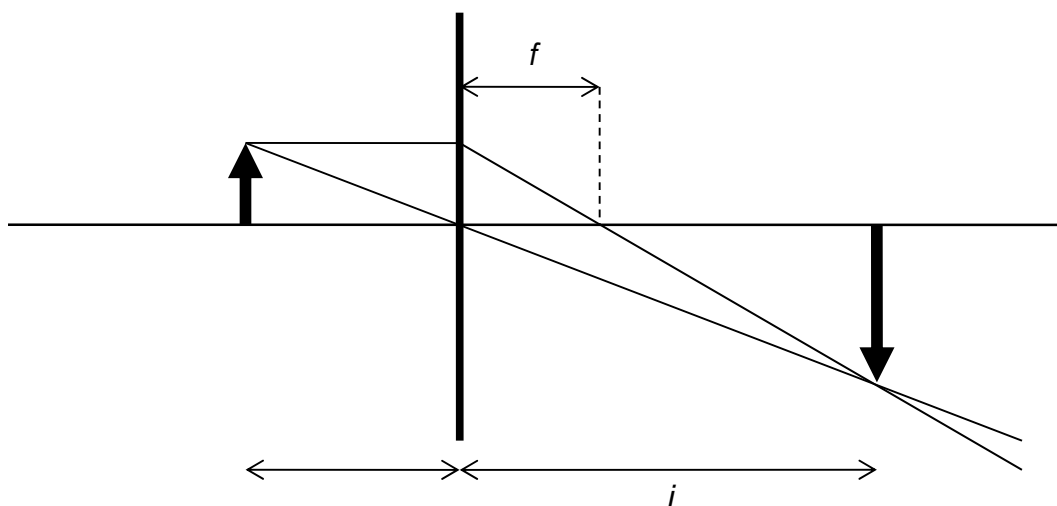


## Svar till Tentamen i Vågor och partiklar, SK1131, 22 maj 2014

- Rita graf, inget knas.... Våglängden = 628 nm.
  - $P = I \cdot A = \frac{E_0^2}{2c\mu_0} \cdot \pi r^2 = 4.16 \text{ mW}$  där radien på strålen 2 mm utnyttjats
- Den laterala förstoringen är  $m = \left| \frac{i}{p} \right| = 3$ , dvs.  $i=3p$ . Linsformeln säger:  $\frac{1}{i} + \frac{1}{p} = \frac{1}{f}$ , där  $f=5 \text{ mm}$ . Alltså blir  $p = 6.67 \text{ mm}$  och  $i=20 \text{ mm}$ .



- Du kan ansätta att pixlarna är symmetriska. Räkna först ut pixelstorleken. Diagonalen  $L = 152 \text{ cm}$  och diagonalvinkeln  $\theta = \arctan \frac{1080}{1920} = 29.4^\circ$ . Då fås bredden,  $b$ , på TVn från  $\frac{b}{L} = \cos\theta = 132 \text{ cm}$ . Pixelstorleken  $x = 132/1920 = 0.69 \text{ mm}$ , vilket också är avståndet mellan två pixlar. Rayleighvillkoret för upplösning,  $\sin\theta = \frac{1.22\lambda}{D}$ , där  $D$  är pupilldiametern, t.ex. 2.5 mm. Med blått ljus (t.ex. 460 nm) syns punkterna lättast. Gränsvinkeln mellan två punkter då du precis kan upplösa dem blir  $\theta_{max} \approx \frac{1.22\lambda}{D} = 0.11 \cdot 10^{-3} \text{ rad}$ . Avståndet till skärmen  $L$  fås från  $x/L = \tan\theta$ . Då blir  $x = 3.1 \text{ m}$ , och på kortare avstånd kan du se pixlarna.

- Ansätt att vi har normalt infall, luft på ena sidan och att  $n_{\text{glas}} > n_{\text{antireflexfilm}}$ , dvs. tätare index för båda reflexerna och därmed fasskift i för bägge strålarna.
  - stråle I:  $\lambda/2$   
stråle II:  $2dn + \lambda/2$ , där  $d$  är filmens tjocklek. Vi söker fallet destruktiv interferens och den optiska väglängdskillnaden skall då svara mot  $\text{II}-\text{I} = (m+1/2)\lambda$ , dvs. att  $d = \lambda(m+1/2)/(2n)$  och med  $m = 2$  hamnar vi mellan 500 nm och 700 nm, så det blir 623.0 nm tjockt.
  - $\lambda = 2nd/(m+1/2)$  med  $m=3$  blir våglängden 452.1 nm vilket är blått ljus. Något annat  $m$  fungerar inte.

- Plotta den totala energin mot frekvensen, som i Fig 38.2.  $hf = K_{\text{max}} + \Phi$  ger ekvationen för  $h$  (Plancks konstant). Välj mätdata med tillhörande kinetiska energier enligt given tabell och lös ut  $h$  från dessa två ekvationer. T. ex.  $h = (K_1 - K_3) / c(1/\lambda_1 - 1/\lambda_3)$  och  $h = (K_2 - K_4) / c(1/\lambda_2 - 1/\lambda_4)$  Och ta medelvärdet av dessa två värden vilket ger  $h = 3.8 \cdot 10^{-15} \text{ eV s}$  eller  $6 \cdot 10^{-34} \text{ Js}$ .

- Livstiden är relaterad till energibredden på nivån genom Heisenbergs osäkerhetsrelation. Vi får  $\Delta E \cdot \Delta t > \hbar/2$  vilket ger att  $\Delta E = 6.63 \cdot 10^{-34} / (2 \cdot 2 \cdot \pi \cdot 141 \cdot 10^{-9}) = 2.3 \cdot 10^9 \text{ eV}$ 
  - För att ta reda på den kinetiska energin atomkärnan får på grund av att en foton emitteras tar vi först reda på rörelsemängdsmomentet,  $p$ , som skall bevaras. För fotonen  $p = h/\lambda$  med  $\lambda = hc/E$  ger  $\lambda = 1240/(14.4 \cdot 10^3) \text{ nm}$  och vi får då  $p = h/(1240/(14.4 \cdot 10^3)) = 7.7 \cdot 10^{-24} \text{ kg m/s}$ . Rekylen energin hos järnatomen ges då av  $E_{\text{kin}} = p^2/2m_{\text{Fe}}$  vilket ger att  $E_{\text{kin}} = 2.1 \cdot 10^{-3} \text{ eV}$ .